



EGZAMIN ÓSMOKLASISTY

**MATEMATYKA**

ZESTAW ZADAŃ

MATERIAŁ ĆWICZENIOWY DLA UCZNIÓW I NAUCZYCIELI

MARZEC 2019



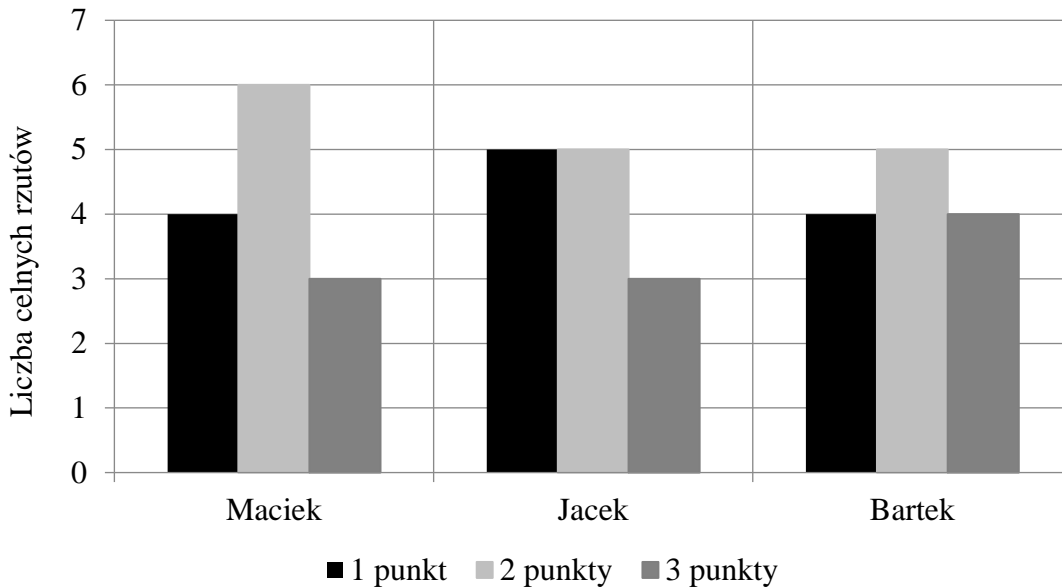
**Zestaw zadań został opracowany przez Okręgową Komisję Egzaminacyjną w Krakowie  
oraz Okręgową Komisję Egzaminacyjną w Łomży.**

Okręgową Komisja Egzaminacyjna w Krakowie  
os. Szkolne 37, 31-978 Kraków  
tel. 12 683 21 01  
oke@oke.krakow.pl

Okręgową Komisja Egzaminacyjna w Łomży  
Aleja Legionów 9, 18-400 Łomża  
tel. 86 216 44 95  
sekretariat@oke.lomza.pl

**Zadanie 1. (0–1)**

W szkole odbył się turniej gry w koszykówkę. Podczas meczu za wykonanie celnych rzutów do kosza zawodnicy mogli zdobyć 1, 2 lub 3 punkty. Na diagramie przedstawiono liczbę celnych rzutów wykonanych przez trzech zawodników tego turnieju: Maćka, Jacka i Bartka.



Wskaż zdanie falszywe. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

- A. Jacek zdobył 24 punkty.
- B. Najwięcej rzutów za 3 punkty wykonał Bartek.
- C. Najmniej punktów zdobył Maciek.
- D. Każdy z tych zawodników oddał 13 celnych rzutów do kosza.

**Zadanie 2. (0–1)**

Jacek zapisał wszystkie liczby trzycyfrowe, w których iloczyn cyfr jest równy 6. Każda z tych liczb została zapisana tylko raz.

Ile liczb zapisał Jacek? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

- A. 3                      B. 6                      C. 9                      D. 12                      E. 13

**Zadanie 3. (0–1)**

Władysław Reymont i Czesław Miłosz to laureaci literackiej Nagrody Nobla. Władysław Reymont urodził się w roku MDCCCLXVII, a zmarł w roku MCMXXV. Czesław Miłosz urodził się w roku MCMXI i żył 93 lata.

**Uzupełnij zdania. Wybierz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.**

Władysław Reymont żył 

A	B
---	---

 lat.

A. 58

B. 68

Czesław Miłosz zmarł w roku 

C	D
---	---

.

C. MCMXCIV

D. MMIV

**Zadanie 4. (0–1)**

Ipfon obsługuje między innymi następujące numery telefonów alarmowych:

112 – numer alarmowy,  
986 – Straż Miejska,  
991 – Pogotowie Energetyczne,  
994 – Pogotowie Wodociągowe,  
997 – Policja,  
998 – Straż Pożarna,  
999 – Pogotowie Ratunkowe.

**Które z podanych numerów telefonów są liczbami pierwszymi? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

A. 112 i 999

B. 991 i 999

C. 112 i 997

D. 991 i 997

**Zadanie 5. (0–1)**

W szkole, w której uczy się 600 uczniów zorganizowano zawody z okazji dnia sportu. Uczniów biorących udział w zawodach można było podzielić na 8, 10 lub 14 równolicznych drużyn.

**Uzupełnij zdania. Wybierz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.**

Na stadionie mogło być minimalnie 

A	B
---	---

 uczniów.

A. 120

B. 280

Na stadionie nie mogło być 

C	D
---	---

 uczniów.

C. 360

D. 560

**Zadanie 6. (0–1)**

Dane są liczby:  $a = 1 + \frac{1}{2}$  i  $b = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{2}}$ .

Które z działań zostało wykonane błędnie? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

A.  $a + b = \frac{19}{6}$

B.  $a - b = \frac{1}{6}$

C.  $a \cdot b = \frac{5}{2}$

D.  $a : b = \frac{9}{10}$

**Zadanie 7. (0–1)**

Oskar poprawnie rozłożył na czynniki pierwsze dwie liczby: 132 i 420. Otrzymał:

$$132 = 2 \cdot 2 \cdot 11 \cdot 3$$

$$420 = 2 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 7$$

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Największy wspólny dzielnik liczb 132 i 420 jest równy

A. 4

B. 6

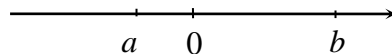
C. 11

D. 12

E. 21.

**Zadanie 8. (0–1)**

Na osi liczbowej zaznaczono dwie liczby  $a$  i  $b$  tak, jak na rysunku.



Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Liczba $(ab - b)$ jest dodatnia.	<b>P</b>	<b>F</b>
Liczba $(b + a)(b - a)$ jest dodatnia.	<b>P</b>	<b>F</b>

**Zadanie 9. (0–1)**

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Połowa liczby  $4^{18}$  jest równa

A.  $2^9$

B.  $2^{18}$

C.  $2^{19}$

D.  $2^{35}$

**Zadanie 10. (0–1)**

Uzupełnij zdania. Wybierz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.

Obwód kwadratu o przekątnej długości  $\sqrt{8}$  cm jest równy 

A	B
---	---

 cm.

A.  $8\sqrt{2}$

B. 8

Pole kwadratu o przekątnej długości  $3\sqrt{2}$  cm jest równe 

C	D
---	---

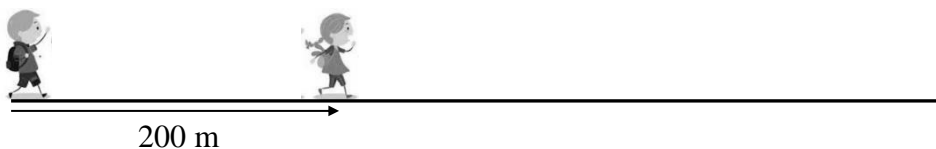
 $\text{cm}^2$ .

C.  $9\sqrt{2}$

D. 9

**Zadanie 11. (0–1)**

Jacek i Kasia szli tą samą drogą do szkoły. Jacek poruszał się ze średnią prędkością  $4,5 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ , a Kasia  $3 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ . W chwili, gdy Jacek zauważył Kasię, odległość między nimi wynosiła 200 m (patrz rysunek).



Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Jacek dogonił Kasię po

A. 15 minutach.

B. 12 minutach.

C. 10 minutach.

D. 8 minutach.

**Zadanie 12. (0-1)**

Dwa lata temu Ania była 3 razy starsza od Basi.

Jeżeli przez  $n$  oznaczymy obecny wiek Basi, to które wyrażenie algebraiczne opisuje wiek Ani za dwa lata? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

A.  $3n + 2$

B.  $3n + 4$

C.  $3n - 2$

D.  $3n - 4$

**Zadanie 13. (0-1)**

Basia ma  $x$  lat. Za  $y$  lat Basia będzie miała tyle lat, ile jej brat ma teraz.

Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Brat Basi ma teraz $x + y$ lat.	<b>P</b>	<b>F</b>
Basia i jej brat za $y$ lat będą mieli razem $2x + 3y$ lat.	<b>P</b>	<b>F</b>

**Zadanie 14. (0–1)**

Cena butów w sklepie internetowym była o 30% niższa od ceny takich butów w sklepie tradycyjnym. Buty te w sklepie internetowym były o 75 zł tańsze od takich samych butów w sklepie tradycyjnym.

Ile kosztowały buty w sklepie tradycyjnym? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

A. 105 zł

B. 175 zł

C. 240 zł

D. 250 zł

E. 325 zł





**Zadanie 17. (0–1)**

Cena 1 kilograma pomidorów jest o 25% wyższa od ceny 1 kilograma ogórków.

Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Cena 1 kilograma ogórków stanowi $\frac{4}{5}$ ceny 1 kilograma pomidorów.	<b>P</b>	<b>F</b>
Różnica między ceną 1 kg pomidorów i 1 kg ogórków stanowi $\frac{1}{4}$ ceny 1 kilograma ogórków.	<b>P</b>	<b>F</b>

**Zadanie 18. (0–1)**

W pudełku jest 7 kul białych, 5 kul czerwonych i pewna liczba kul niebieskich. Prawdopodobieństwo wylosowania kuli niebieskiej jest równe  $\frac{1}{5}$ .

Ile kul niebieskich jest w pudełku? Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

- A. 1                      B. 2                      C. 3                      D. 8

**Zadanie 19. (0–1)**

Ze zbioru wszystkich liczb dwucyfrowych losujemy jedną liczbę.

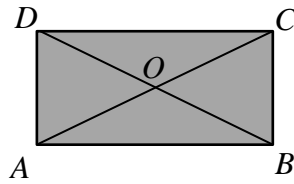
Czy prawdopodobieństwo wylosowania liczby podzielnej przez 3 jest cztery razy większe niż prawdopodobieństwo wylosowania liczby podzielnej przez 12? Wybierz odpowiedź A (Tak) albo B (Nie) i jej uzasadnienie spośród 1, 2 albo 3.

<b>A.</b>	Tak,	ponieważ	<b>1.</b>	liczba 12 jest cztery razy większa niż liczba 3.
			<b>2.</b>	największą liczbą dwucyfrową podzielną przez 3 i podzielną przez 12 jest 96.
<b>B.</b>	Nie,		<b>3.</b>	liczb dwucyfrowych podzielnych przez 3 jest trzydzieści, a podzielnych przez 12 jest osiem.



**Zadanie 23. (0–1)**

Na rysunku przedstawiono prostokąt  $ABCD$ , którego przekątne przecinają się w punkcie  $O$ . Bok  $DC$  tego prostokąta ma długość 24 cm, a przekątna  $AC$  długość 26 cm.



Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Trójkąt $DOC$ jest równoramienny.	<b>P</b>	<b>F</b>
Obwód trójkąta $BOC$ jest równy 36 cm	<b>P</b>	<b>F</b>

**Zadanie 24. (0–1)**

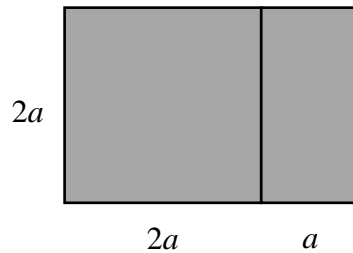
Najdłuższy bok trójkąta ma 12 cm, a stosunek miar kątów tego trójkąta jest równy 1 : 2 : 3.

Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Opisany trójkąt jest prostokątny.	<b>P</b>	<b>F</b>
Najkrótszy bok trójkąta ma 4 cm.	<b>P</b>	<b>F</b>

**Zadanie 25. (0–1)**

Na rysunku przedstawiono fragment siatki graniastoslupa prawidłowego czworokątnego.

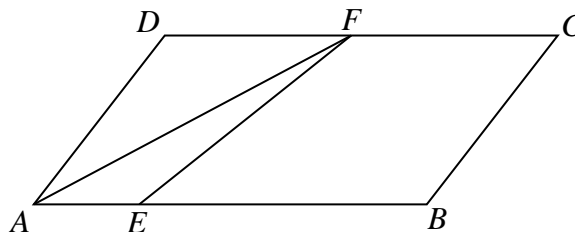


Czy pole jednej podstawy tego graniastoslupa jest równe polu powierzchni bocznej? Wybierz odpowiedź A (Tak) albo B (Nie) i jej uzasadnienie spośród 1, 2 albo 3.

<b>A.</b>	Tak,	ponieważ	<b>1.</b>	pole podstawy jest większe od pola każdej ze ścian bocznych.
			<b>2.</b>	suma pól narysowanych ścian jest mniejsza od pola powierzchni bocznej.
<b>B.</b>	Nie,		<b>3.</b>	pole czterech ścian bocznych jest równe polu dwóch podstaw.

**Zadanie 26. (0–1)**

Dany jest równoległobok  $ABCD$ . Punkt  $F$  jest środkiem boku  $CD$  równoległoboku. Natomiast na boku  $AB$  tego równoległoboku zaznaczono punkt  $E$  tak, że odcinek  $EB$  jest trzy razy dłuższy od odcinka  $AE$ .

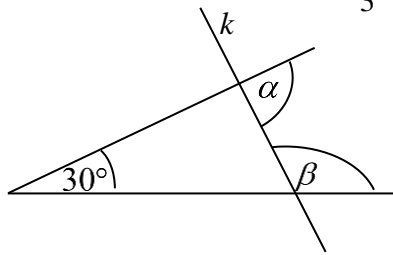


Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Pole trójkąta $AEF$ stanowi $\frac{1}{8}$ pola równoległoboku $ABCD$ .	<b>P</b>	<b>F</b>
Pole czworokąta $AEFD$ stanowi $\frac{1}{3}$ pola równoległoboku $ABCD$ .	<b>P</b>	<b>F</b>

**Zadanie 27. (0–1)**

Narysowano kąt ostry który ma miarę  $30^\circ$ . Ramiona tego kąta przecięto prostą  $k$  i zaznaczono kąty  $\alpha$  i  $\beta$ , tak że miara kąta  $\alpha$  stanowi  $\frac{2}{3}$  miary kąta  $\beta$ .



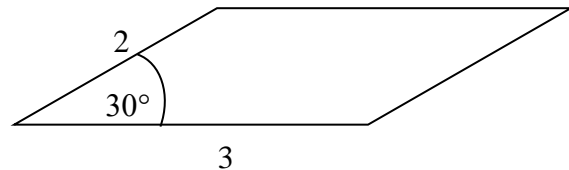
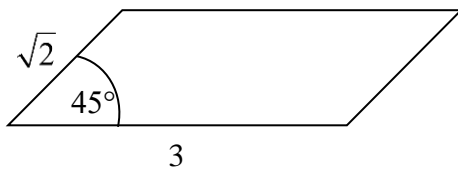
**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Miara kąta  $\alpha$  jest równa

- A.  $60^\circ$                       B.  $75^\circ$                       C.  $84^\circ$                       D.  $96^\circ$

**Zadanie 28. (0–1)**

Dane są dwa równoległoboki o wymiarach podanych na rysunku.

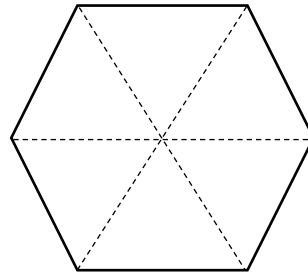


**Czy pola tych równoległoboków są równe? Wybierz odpowiedź A (Tak) albo B (Nie) i jej uzasadnienie spośród 1, 2 albo 3.**

A.	Tak,	ponieważ	1.	wysokości tych równoległoboków poprowadzone do boków jednakowej długości są równe.
			2.	w każdym z tych równoległoboków sąsiednie boki nie są tej samej długości.
B.	Nie,		3.	kąty ostre tych równoległoboków mają różne miary.

**Zadanie 29. (0–1)**

Z 6 trójkątów równobocznych o boku długości 2 zbudowano sześciokąt foremny (patrz rysunek).



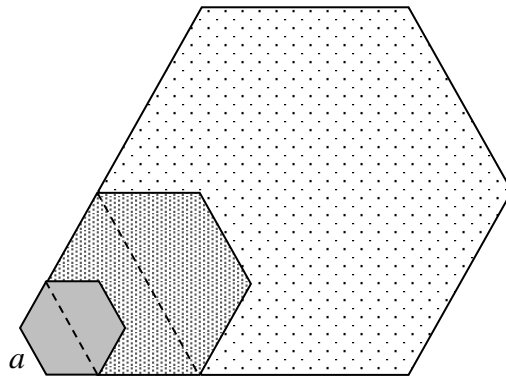
**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Suma długości wszystkich przekątnych wychodzących z jednego wierzchołka sześciokąta jest równa

- A. 4                      B.  $4\sqrt{3}$                       C.  $2\sqrt{3}+4$                       D.  $4\sqrt{3}+4$

**Zadanie 30. (0–1)**

Z 6 trójkątów równobocznych można zbudować sześciokąt foremny. Marek narysował sześciokąt foremny o boku długości  $a$ . Następnie narysował drugi sześciokąt foremny o boku równym dłuższej przekątnej pierwszego sześciokąta. Trzeci sześciokąt foremny ma bok równy dłuższej przekątnej drugiego sześciokąta (patrz rysunek). W ten sposób rysował kolejne sześciokąty.



**Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.**

Bok drugiego sześciokąta ma długość $2a$ .	<b>P</b>	<b>F</b>
Bok piątego w kolejności sześciokąta ma długość $16a$ .	<b>P</b>	<b>F</b>

**Zadanie 31. (0–1)**

W graniastosłupie sześciokątnym wszystkie krawędzie mają taką samą długość. Suma długości wszystkich krawędzi jest równa 36 cm.

**Uzupełnij zdania. Wybierz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.**

Obwód jednej ściany bocznej jest równy 

A	B
---	---

 cm.

A. 8

B. 12

Suma długości krawędzi wychodzących z jednego wierzchołka tego graniastosłupa jest równa 

C	D
---	---

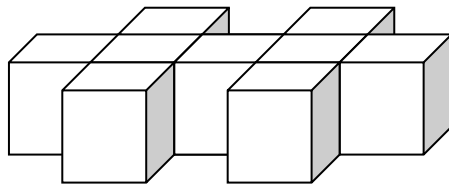
 cm.

C. 6

D. 9

**Zadanie 32. (0–1)**

Z dziewięciu jednakowych sześcianów sklejono figurę (patrz rysunek), której objętość jest równa 72.



**Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Pole powierzchni tej bryły jest równe

A. 152

B. 160

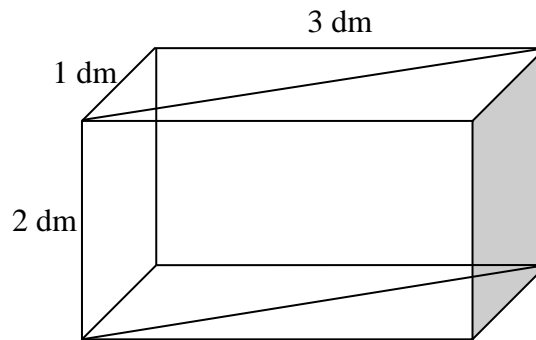
C. 168

D. 184

E. 216

**Zadanie 33. (0–1)**

Pudełko w kształcie prostopadłościanu ma wymiary 1 dm, 2 dm i 3 dm. Magda chce przykleić ozdobny sznurek na dwóch ścianach tego pudełka, wzdłuż zaznaczonych na rysunku przekątnych (patrz rysunek).



**Uzupełnij zdania. Wybierz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.**

Magda do przyklejenia sznurka wzdłuż zaznaczonych przekątnych potrzebuje około 

A	B
---	---

 ozdobnego sznurka.

**A.** 36 cm                      **B.** 64 cm

Gdyby Magda przykleiła ozdobny sznurek tylko wzdłuż przekątnych dwóch najmniejszych ścian tego prostopadłościanu, to zużyłaby około 

C	D
---	---

 ozdobnego sznurka.

**C.** 3 dm                      **D.** 4,5 dm



**Zadanie 34. (0–2)**

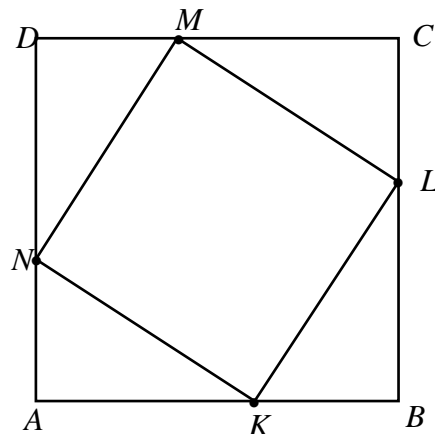
Suma pięciu kolejnych liczb naturalnych jest równa 100. Oblicz największą z tych liczb. Zapisz obliczenia.

**Zadanie 35. (0–2)**

Wojtek ma 15 lat, a jego mama 42. Za ile lat mama będzie dwa razy starsza od Wojtka? Zapisz obliczenia.

**Zadanie 36. (0–2)**

Punkty  $K$ ,  $L$ ,  $M$  i  $N$  dzielą boki kwadratu  $ABCD$  w stosunku  $2 : 3$  (patrz rysunek).



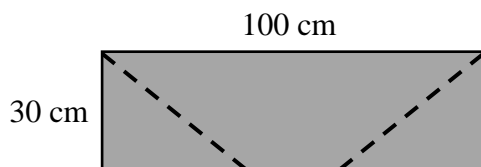
Oblicz stosunek pola kwadratu  $KLMN$  do pola kwadratu  $ABCD$ . Zapisz obliczenia.

**Zadanie 37. (0–2)**

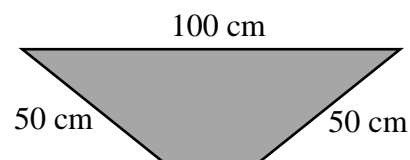
Marek do zbioru truskawek przygotował jednakowe pojemniki. Pierwszego dnia zebrał z pola 28 pojemników truskawek. Drugiego dnia pracował w tym samym tempie o 3 godziny krócej niż pierwszego dnia i zebrał 16 przygotowanych pojemników truskawek. Przez ile godzin Marek zbierał truskawki pierwszego dnia? Zapisz obliczenia.

**Zadanie 38. (0–2)**

Paweł wyciął z prostokątnej deski o wymiarach  $100\text{ cm} \times 30\text{ cm}$  półkę, odcinając jednakowe naroża deski wzdłuż narysowanych linii w sposób pokazany na rysunku 1. Po odcięciu naroży półka Pawła ma kształt trapezu o wymiarach przedstawionych na rysunku 2.



Rysunek 1



Rysunek 2

Jaką długość ma najkrótszy bok półki przedstawionej na rysunku 2? Zapisz obliczenia.

**Zadanie 39. (0–2)**

Kwadraty liczb naturalnych można obliczyć w sposób podany poniżej

$$1^2 = 0 \cdot 1 + 1$$

$$2^2 = 1 \cdot 2 + 2$$

$$3^2 = 2 \cdot 3 + 3$$

$$4^2 = 3 \cdot 4 + 4$$

•  
•  
•

Uzupełnij wzór tak, by opisywał przedstawiony powyżej sposób obliczania kwadratu dowolnej liczby naturalnej  $n$ , a następnie uzasadnij jego poprawność.

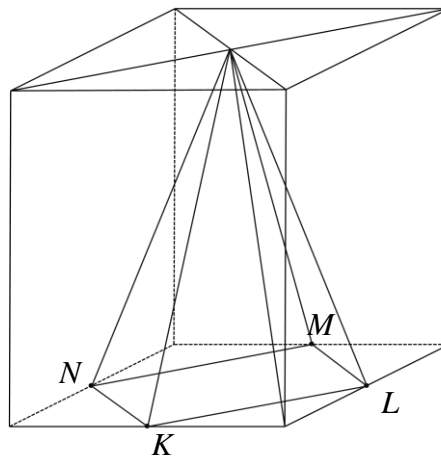
$$n^2 = \dots\dots\dots$$

**Zadanie 40. (0–2)**

Suma długości wszystkich krawędzi prostopadłościanu jest równa 60 cm. Uzasadnij, że średnia arytmetyczna długości krawędzi wychodzących z jednego wierzchołka tego prostopadłościanu jest równa 5.

**Zadanie 41. (0–2)**

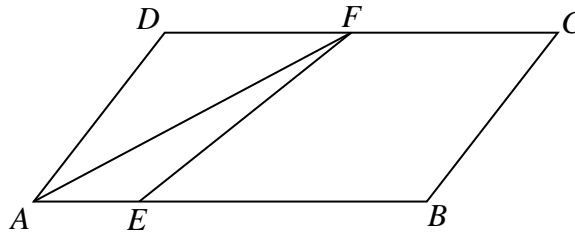
Punkty  $K, L, M$  i  $N$  są środkami krawędzi jednej z podstaw graniastoslupa prawidłowego czworokątnego, a punkt  $S$  jest punktem przecięcia przekątnych drugiej podstawy tego graniastoslupa (patrz rysunek).



Uzasadnij, że objętość ostrosłupa  $KLMNS$  stanowi  $\frac{1}{6}$  objętości graniastoslupa.

**Zadanie 42 (0–1)**

Dany jest równoległobok  $ABCD$ . Punkt  $F$  jest środkiem boku  $CD$  równoległoboku. Natomiast na boku  $AB$  tego równoległoboku zaznaczono punkt  $E$  tak, że odcinek  $EB$  jest trzy razy dłuższy od odcinka  $AE$ .



Uzasadnij, że pole trójkąta  $AEF$  stanowi  $\frac{1}{8}$  pola równoległoboku  $ABCD$ .

**Zadanie 43. (0–3)**

Z miejscowości A do B kursuje pociąg towarowy. W sobotę pociąg pokonał trasę z A do B z 9-minutowym opóźnieniem, a jego prędkość średnia na tej trasie wyniosła  $36 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ . W niedzielę na tej samej trasie pociąg miał 39 minut opóźnienia a jego prędkość średnia była równa  $27 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ . Oblicz długość trasy pociągu między miejscowościami A i B. Zapisz obliczenia.

**Zadanie 44. (0–3)**

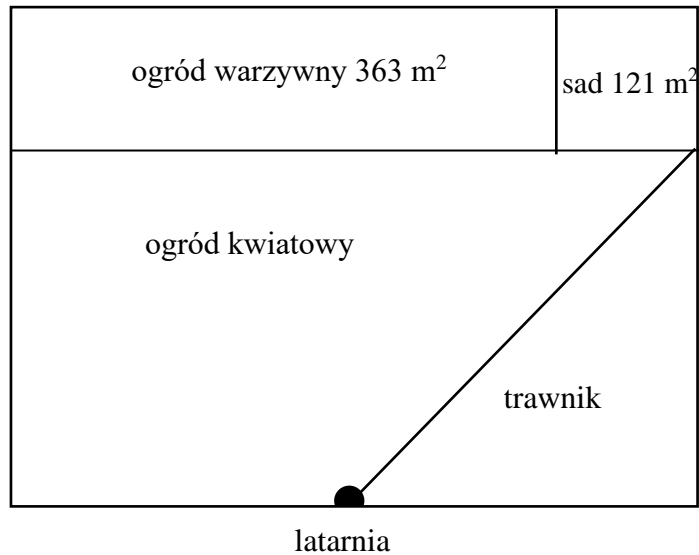
Babcia Zosia ma czworo wnuków: Julię, Macieja, Dominikę i Weronikę. Julia jest dwa razy starsza od Macieja. Dominika jest o 6 lat młodsza od Julii i o 3 lata starsza od Weroniki. Wnuki mają łącznie 34 lata. Ile lat ma Maciej? Zapisz obliczenia.

**Zadanie 45. (0–4)**

Z drutu o długości 120 cm zbudowano model ostrosłupa prawidłowego trójkątnego, w którym krawędź boczna jest trzy razy dłuższa od krawędzi podstawy. Oblicz pole powierzchni całkowitej ostrosłupa o takich wymiarach. Zapisz obliczenia.

**Zadanie 46. (0–4)**

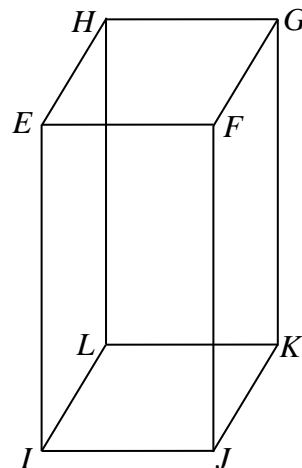
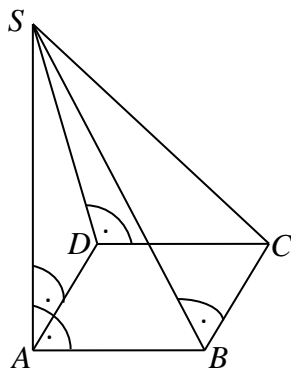
Pan Stanisław podzielił działkę w kształcie prostokąta na cztery działki, które miały kształt: kwadratu, prostokąta, trapezu i trójkąta równoramiennego. Na rysunku przedstawiono plan zagospodarowania działki oraz podano pola dwóch jej części. W połowie jednego boku działki wskazano miejsce usytuowania latarni.



Jaką powierzchnię zajmuje część działki z ogrodem kwiatowym? Zapisz obliczenia.

**Zadanie 47. (0–4)**

Ostrosłup  $ABCD S$  i graniastosłup  $IJKLEFGH$  mają jednakowe podstawy w kształcie kwadratu. Przekątna tego kwadratu ma długość 5 cm. Wysokości obu brył mają taką samą długość, natomiast długość najdłuższej krawędzi bocznej  $CS$  ostrosłupa wynosi 13 cm. O ile cm<sup>3</sup> objętość graniastosłupa jest większa od objętości ostrosłupa? Zapisz obliczenia.

**Zadanie 48. (0–4)**

Podstawą graniastosłupa prostego jest trójkąt prostokątny. Przeciwprostokątna tego trójkąta ma długość 8, a jeden z jego kątów ostrych ma miarę  $60^\circ$ . Wysokość tego graniastosłupa jest trzy razy dłuższa od najkrótszej krawędzi jego podstawy. Oblicz pole powierzchni całkowitej tego graniastosłupa. Zapisz obliczenia.